

Die LSGM-Aufgabe des Monats

Mai



Tetrominos sind Figuren, die aus genau vier gleichgroßen Quadraten (Kästchen) bestehen, die an ihren Seiten aneinandergrenzen und somit ein zusammenhängendes Gebilde ergeben. Man betrachtet zwei Tetrominos als gleich, wenn man sie durch Verschieben und Drehen, aber ohne Spiegeln, ineinander überführen kann. Die sieben so entstehenden Tetrominos sind beispielsweise aus dem Spiel Tetris bekannt. Pentominos sind entsprechende Figuren, die jedoch aus fünf gleichgroßen Quadraten bestehen.

a) Wie viele Pentominos gibt es? Zeichne alle möglichen Pentominos auf.

Christian überlegt sich, ob man die sieben Tetrominos in ein Rechteck von der Größe 4×7 Kästchen legen kann, sodass jedes Tetromino genau einmal verwendet wird und sich keine zwei Tetrominos überlappen.

Nach einiger Zeit fällt ihm auf, dass dies nicht möglich ist. Dazu färbt er das 4×7 -Rechteck im Schachbrettmuster und schaut sich an, wie viele schwarze und weiße Felder es besitzt und wie viele schwarze und weiße Felder von den Tetrominos überdeckt werden.

b) Begründe mit den Überlegungen von Christian, dass es nicht möglich ist die Tetrominos so in ein 4×7 -Rechteck zu legen. Weise nach, dass man sechs verschiedene, der sieben Tetrominos, in ein 4×6 -Rechteck legen kann, ohne dass sie sich überlappen, indem du eine solche Zerlegung in Tetrominos angibst.

Christian fragt sich nun, ob man solche Gebilde auch mit Würfeln statt Quadraten bauen kann. Er sucht also dreidimensionale Figuren, die aus vier gleichgroßen Würfeln bestehen, die an ihren Seitenflächen aneinandergrenzen und eine zusammenhängende Figur ergeben. Wiederum werden zwei Figuren als gleich angesehen, wenn man sie durch Verschieben und Drehen ineinander überführen kann. Er nennt diese 3D-Tetrominos.

c) Wie viele 3D-Tetrominos gibt es? Stelle alle 3D-Tetrominos geeignet dar, sodass man sie unterscheiden kann.

Die Aufgabe des Monats der *Leipziger Schülergesellschaft für Mathematik* richtet sich an alle Schülerinnen und Schüler der 5. und 6. Klasse.

Ihr bekommt jeden Monat eine Knobelaufgabe, dessen Lösung ihr bis zum Ende des Monats bei eurem Mathelehrer abgeben könnt.

Die besten Schüler erwarten am Anfang des neuen Schuljahres tolle Preise! Weiterhin werden unter den besten Einsendungen jedes Monats zwei Büchergutscheine verlost!

Weitere Informationen findet ihr unter www.lsgm.de.

Nix wie Losrechnen!

Abgabe: bis **3. Juni 2013** beim Mathelehrer