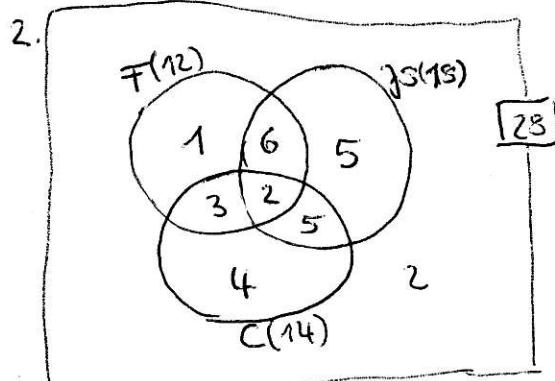


Lösungen 4. Serie

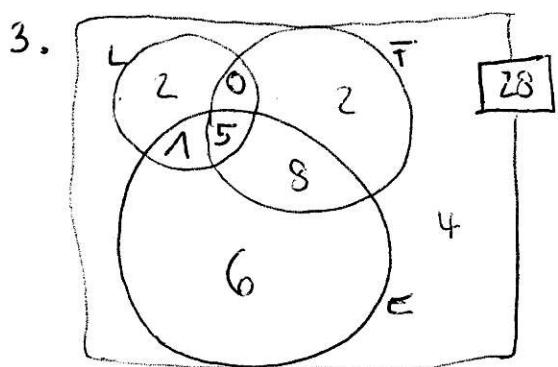
1. a) $77 + 78 + \dots + 1229 + 1230 = (1+2+\dots+1229+1230) - (1+2+\dots+75+76)$
 $= \frac{1230}{2} \cdot 1231 - \frac{76}{2} \cdot 77 = 757065 - 2926 = \underline{\underline{754139}}$

b) $33 + 36 + \dots + 9999 = 3(11+12+\dots+3333) = 3((1+2+\dots+3333) - (1+2+\dots+9+10))$
 $= 3 \left(\frac{3333}{2} \cdot 3334 - \frac{10}{2} \cdot 11 \right) = 3(5556111 - 55) = \underline{\underline{16668168}}$

c) $44 + 49 + \dots + 1029 = 40 + 4 + 45 + 4 + \dots + 1025 + 4 = 194 \cdot 4 + 5(8 + 9 + \dots + 201)$
 $= 776 + 5 \left(\frac{201}{2} \cdot 202 - \frac{7}{2} \cdot 8 \right) = \underline{\underline{102141}}$



$$\begin{aligned}\#\text{Schüler} &= \#F + \#JS + \#C - \#(F \cap JS) - \#(F \cap C) \\ &\quad - \#(JS \cap C) + \#(F \cap C \cap JS) + 2 \\ &= \underline{\underline{28}}\end{aligned}$$



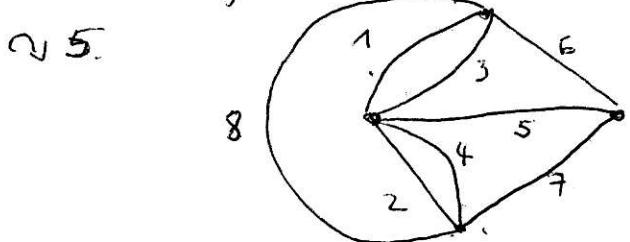
a) $\#\text{keine Fremdsprache} = 28 - \#L - \#F - \#E + \#(E \cap F)$
 $+ \#(E \cap L) + \#(L \cap F) = \underline{\underline{4}}$

- b) $28 - 4 = \underline{\underline{24}}$
- c) $6 + 2 + 2 = \underline{\underline{10}}$
- d) $1 + 5 + 8 = \underline{\underline{14}}$
- e) $1 + 8 = \underline{\underline{9}}$
- f) $28 - 5 = \underline{\underline{23}}$

4.+5. Satz von Euler: Sei G ein zusammenhängender Graphen. Dann gilt:

1. Ein Graph hat einen offenen eulerschen Weg genau dann, wenn genau zwei Ecken einen ungeraden Grad haben.
2. Ein Graph hat einen eulerschen Kreis genau dann, wenn alle Ecken/Knoten einen geraden Grad haben.

- ~ 4.
- a) in einem Zug möglich
 - b) in einem Zug möglich
 - c) in einem Zug möglich
 - d) nicht in einem Zug möglich
 - e) in einem Zug möglich
 - f) in einem Zug möglich
 - g) nicht in einem Zug möglich
 - h) nicht in einem Zug möglich



in einem Zug möglich:

z.B. $7 - 2 - 4 - 8 - 1 - 3 - 6 - 5$